

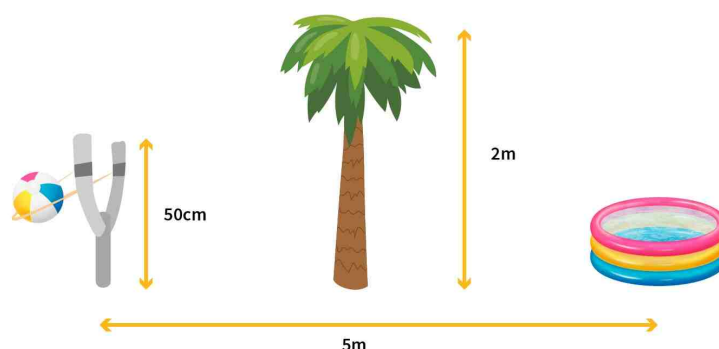
Lancer de ballon

Yasmine a installé un nouveau jeu sur son téléphone portable pour passer le temps.

L'objectif est de parcourir les niveaux en réalisant des défis consistant à lancer des ballons avec des élastiques à travers les paysages.

Niveau 1 : Trajectoires paraboliques

Yasmine doit lancer un ballon depuis une hauteur de 50 cm et le faire atterrir dans une petite piscine 5 mètres plus loin en surmontant un obstacle de 2 m.



La trajectoire du ballon sera une parabole dont on cherche à déterminer l'équation pour optimiser le lancer.

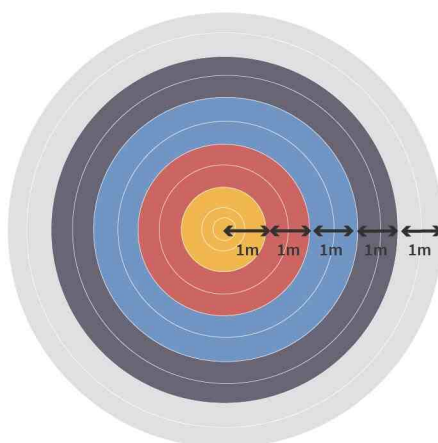
1. Rappeler l'expression mathématique des fonctions dont la représentation graphique est une parabole.
2. On se place dans un repère tel que le ballon passe par le point de coordonnées $(0; 0,5)$. Sans poser aucun calcul, que peut-on dire sur les signes de a , b et c ?
3. Donner les coordonnées de trois points A, B et C se trouvant sur la parabole marquant la trajectoire idéale.
4. Déterminer l'expression de la fonction $f(x)$ passant par ces trois points.
5. Zut, Yasmine a fait une mauvaise manipulation et n'est pas parvenue à optimiser sa parabole. La trajectoire empruntée admet l'équation suivante : $g(x) = -0,012x^2 + 0,17x + 0,5$.
Que va-t-il se passer? Yasmine peut-elle atteindre son objectif? Pour simplifier les choses, le jeu considère que la cible est atteinte lorsque le ballon atterrit à moins d'1 mètre du centre de la piscine.
6. Nouvel essai. Yasmine tire sur l'élastique et emmène son ballon au point D de coordonnées $(-0,1; 0,3)$ en visant le sommet de l'arbre. Atteint-elle son but? On pourra arrondir les valeurs à 10^{-2} près pour faciliter les calculs.

Niveau 2 : Viser la cible

Après de multiples essais, Yasmine est parvenue aux niveaux suivants. Elle s'interroge maintenant sur l'un des défis qu'elle doit relever.

Yasmine doit lancer trois ballons sur une cible. La cible est divisée en plusieurs segments rapportant chacun un certain nombre de points. L'objectif est d'obtenir suffisamment de points pour aller au niveau suivant.

1. Yasmine atteint ce type de cible en moyenne 8 fois sur 10. A l'aide d'un arbre de probabilités, déterminer la probabilité qu'elle atteigne la cible trois fois de suite.
2. Quelle est la probabilité qu'elle atteigne la cible seulement deux fois sur trois ?
3. La probabilité d'atteindre chacun des segments de la cible est liée à la surface de ce segment par rapport à la totalité de la cible. Par exemple, un segment couvrant 30% de la cible est atteint avec une probabilité de 0,3 sachant que la cible est touchée.



La partie jaune de la cible rapporte 10 points, la partie rouge 4 points, la partie bleue 3 points, la partie noire 2 points, la partie blanche 1 point. Si la cible n'est pas atteinte, on perd 1 point.

Pour atteindre le niveau suivant, Yasmine doit obtenir 5 points en trois lancers. Pour Yasmine, cela semble irréalisable ! Qu'en pensez-vous ?

On notera X la variable aléatoire associée au nombre de points obtenus à l'issue d'un lancer.