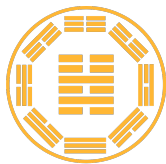


Le Yi-king



Le Yi King, ou *Livre des Transformations*, est un traité divinatoire reposant sur l'interprétation d'"hexagrammes", des figures géométriques obtenues avec des tiges de bois.

Leibniz, mathématicien et philosophe allemand du XVII^e siècle, s'est intéressé de près au Yi King et au système binaire auquel il est lié dans un article intitulé "Explication de l'arithmétique binaire [...]". Il trouve dans le système binaire et ses règles mathématiques simples une forme de beauté et de perfection proche du divin.

Hexagrammes et trigrammes

1. Prenons pour commencer trois lignes que l'on appelle trigramme. Chacune de ces lignes peut être soit continue, soit brisée. On peut modéliser ces lignes à l'aide de bâtonnets : trois bâtonnets pour une ligne pleine, deux bâtonnets séparés d'un espace pour une ligne brisée. Combien de trigrammes différents peut-on constituer ?
2. Un hexagramme est composé de deux trigrammes, soit 6 lignes au total. Combien de dessins différents peut-on obtenir ?
3. Si l'on sait que la première ligne de la figure est continue, combien dénombre-t-on d'hexagrammes possibles ?
4. On sait qu'une figure est composée de 5 lignes brisées. Combien d'hexagrammes correspondent à cette description ?
5. On sait qu'une figure est composée de deux lignes brisées, les quatre autres sont continues. Combien d'hexagrammes correspondent à cette description ?

Générer aléatoirement un hexagramme

Ecrire un programme à l'aide de Kandinsky afin de générer aléatoirement un hexagramme.

Le module Kandinsky permet de colorer des pixels ou des rectangles à l'aide d'instructions basiques. On importe tout d'abord la totalité des fonctions du module Kandinsky à l'aide d'une ligne `from kandinsky import *`.

On peut ensuite utiliser la fonction `fill_rect(x,y,l,h,couleur)` afin de colorer un rectangle de largeur `l` et de hauteur `h` au point de coordonnées `(x; y)`. Le rectangle sera tracé à partir de ces coordonnées vers la droite et le bas de l'écran. Le point tout en haut à gauche de l'écran correspond aux coordonnées `(0; 0)` et celui en bas à droite correspond aux coordonnées `(320; 222)`.

Les couleurs doivent être définies au préalable à l'aide la commande `nom = color(nb, nb, nb)`, chaque

nombre ayant une valeur comprise entre 0 et 255 (système RGB).



Plusieurs méthodes sont bien sûr possibles, mais on propose ici d'utiliser des listes, comme dans l'activité des nageurs^a. Le principe consiste à concevoir chacune des lignes de l'hexagramme comme étant une liste de sept nombres, 0 ou 1, correspondant respectivement à des rectangles blancs ou noirs. Le remplissage du rectangle central doit être généré aléatoirement (afin que la ligne soit tantôt brisée, tantôt continue) à l'aide de la fonction `randint(0,1)` du module `random`.

^a. content/fr/professeurs/activites-pedagogiques/python/expert/nageurs/

Des séries d'hexagrammes

1. On décide de générer successivement 2 hexagrammes. Quelle est la probabilité pour qu'ils soient identiques?
2. On décide maintenant de générer successivement 3 hexagrammes. Quelle est la probabilité pour que ces trois hexagrammes soient identiques?
3. Quelle est la probabilité sur ces trois hexagrammes générés successivement que deux d'entre eux soient identiques?
4. Quelle est la probabilité sur 5 hexagrammes d'en obtenir deux identiques?
5. Imaginons que l'on modifie le programme de manière à ne pas pouvoir générer deux hexagrammes identiques. Combien de séries différentes existe-t-il si l'on génère successivement 3 hexagrammes?

Pour plus d'informations sur l'analyse de Leibniz à propos du Yi-King :

- Le texte original disponible sur ce site¹ et sa transcription sur cet autre site².
- Une analyse en anglais par ici³.

1. <https://hal.archives-ouvertes.fr/ads-00104781/document>

2. <https://www.laurentbloch.net/MySpip3/L-arithmetique-binaire-par-Leibniz-98>

3. https://www.emis.de/journals/NSJOM/Papers/24_2/NSJOM_24_2_069_087.pdf